

- 判断：
  - 平面图的点度数之和=图的度数之和。
  - 3维上边长为1的立方体内包含的点的个数比2维上边长为1的正方形内包含的点的个数
  - 对称差  $(A \cap B) \oplus C = (A \oplus C) \cap (B \oplus C)$
  -
- 填空
  - 一个树有七个叶子节点，有三个内点度数为3，其他内点度数为4，求这个树的度数为4的内点的个数
  - $n=3$ 的偏序关系有多少种
  - $A \cup B \cup C = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ ,  $A \cap B = 1, 2$ 则 $A, B, C$ 可能的组合有多少种
  - $G(x)$ 的系数为 $a_0, a_1, \dots, a_n, \dots$ , 求 $a_1, 2a_2, 3a_3, \dots$ 的生成函数
  - 求从源点到各个点的最短路中最长的一条
  - 求一个图的最小生成树
  - 求一个图的最大流
  - 哈夫曼编码
  - 一个字符串 $C_1 C_2 C_3 C_4 C_5$ , 其中 $C_i \in \{5, 6, 7, 8\}$ 
    - 升序的字符串有多少个(若 $m < n$ 则 $C_m \leq C_n$ )
    - 包含所有数字的字符串有多少个
    - 求出满足下列条件之一的字符串：以“66”开头；以“5”开头；以“88”结尾
- 递推关系求通项 $a_n = 7a_{n-1} - 16a_{n-2} + 12 + 4^n$ , 其中 $a_1 = 14, a_2 = 58, a_3 = 236$
- 给了一个有向图 $\{(C, A), (A, B), (B, D), (D, E), (E, B)\}$ 
  - 强连通部分
  - 求传递闭包
  - 从A点开始，找出使各点尽可能联通的树/森林. 其中边的大小按照字典序比较.
- 把 $2^k$ 个球放到若干个包里. 我们可以通过下面的规则合并包：
  - 若两个包的球的个数相同，则可以直接将其合并为一个包
  - 若两个包的球个数不同，分别为 $m, n(m > n)$ ，则可将两个包的个数变为 $m-n, 2n$
 利用归纳法证明：这里存在一个合适的算法将 $2^k$ 球合并到一个包上。
- $Q_n$ 每个点都有一个各不相同的长度为 $n$ 的01字符串，若两个字符串只有一位不同，则两个点有一条连线。(超立方体)
  - $Q_4$ 有多少个点
  - $Q_4$ 有多少条边
  - $Q_4$ 有無欧拉回路/路径，为什么
  - $Q_4$ 有無哈密尔顿回路/路径，为什么
  - $Q_4$ 最少涂色数是多少，为什么
  - $Q_4$ 是不是平面图，为什么
- $S = \{x \mid 1 \leq x \leq 2022, x \in \mathbb{Z}\}$ 求一个 $S$ 的子集 $T$ ，其中 $T$ 中的任意两个元素，两个元素之和都不能被两个元素之差整除，并使 $T$ 中元素最大。

- 这里有 $n$ 名球员，要从中选出 $k$ 个，（要求 $k$ 为偶数）并将 $k$ 个球员分为红/蓝两队（一队可以为空），求一共有多少种分组方式。（老师补充：要求的是 $k$ 从 $0$ 开始取遍 $0\sim n$ 之间偶数的和）